



1/  
18

สมนาคมคณิตศาสตร์แห่งประเทศไทย ในพระบรมราชูปถัมภ์  
ข้อสอบแข่งขันคณิตศาสตร์ ระดับประเทศศึกษา ประจำปีการศึกษา 2559  
สอบวันอาทิตย์ที่ 20 พฤษภาคม 2559 เวลา 9 : 00 – 12 : 00 น.

1. ต่อไปนี้ เป็นตารางสรุปผลลัพธ์สุดของสัตว์ประหลาดที่เด็กขายดันนัยจับได้

พลัง	รูป	คำอธิบาย
สนอร์แลกซ์ พลัง 1500		สนอร์แลกซ์ เป็นสัตว์ประหลาดธาตุลมมีน้ำหนัก 460.0 กิโลกรัม และสูง 2.1 เมตร <b>หนักสุด</b>
บลัสทอยส์ พลัง 960		บลัสทอยส์ เป็นสัตว์ประหลาดธาตุน้ำที่มีกระดองแข็งมาก มีท่อพ่นน้ำออกมายจากกระดอง มีน้ำหนัก 85.5 กิโลกรัม และสูง 1.6 เมตร
เวเพอเรียน พลัง 1240		เวเพอเรียน เป็นสัตว์ประหลาดธาตุน้ำที่สามารถควบคุมน้ำได้ดีจัด มีน้ำหนัก 29.0 กิโลกรัม และสูง 1.0 เมตร
พิกาจุ พลัง 270		พิกาจุ เป็นสัตว์ประหลาดธาตุไฟฟ้า ชื่อ อัน ชาชนา สามารถปล่อยพลังสายฟ้า 100,000 โวลต์ มีน้ำหนัก 6 กิโลกรัม และสูง 0.4 เมตร <b>เตี้ยสุด</b>
แฟลเรียน พลัง 890		แฟลเรียน เป็นสัตว์ประหลาดธาตุไฟที่ร่างกายสามารถมีอุณหภูมิสูงถึง 1,650 องศา ฟาเรนไฮต์ มีน้ำหนัก 8.6 กิโลกรัม และสูง 1.05 เมตร

อยากร้าบว่า สัตว์ประหลาดที่เด็กขายดันนัยจับได้ ตัวที่มีร่างกายเตี้ยที่สุด เตี้ยกว่าตัวที่หนักที่สุดกี่เซนติเมตร

$$100 \cdot 2.1 - 0.4 = 1.6 \text{ เมตร}$$

2. พิจารณาปฏิทินที่กำหนดให้ต่อไปนี้ พบร่วมที่ 7 มีนาคม 2559 ตรงกับวันจันทร์

อยากร้าบว่า วันที่ 7 มีนาคม 2563 ตรงกับวันอะไร

2559 = ศศ. 2016 : (2016 ÷ 4 ลงตัว เตือน กพ. วี 29 ส.น.)

2563 = ศศ. 2020 (2020 ÷ 4 ลงตัว เตือน กพ. วี 29 ส.น.)

กุมภาพันธ์							มีนาคม						
อา	จ	อ	พ	พุ	ศ	ส	อา	จ	อ	พ	พุ	ศ	ส
1	2	3	4	5	6			1	2	3	4	5	
7	8	9	10	11	12	13	6	7	8	9	10	11	12
14	15	16	17	18	19	20	13	14	15	16	17	18	19
21	22	23	24	25	26	27	20	21	22	23	24	25	26
28	29						27	28	29	30	31		

7 มีค. 59 = จันทร์  
 60 = อังคาร  
 61 = พุธ  
 62 = พฤหัส  
 63 ⇒ ศุกร์ วันที่ 29 มีนาคม

$$③ A \Delta B = A + \frac{B}{A}, \quad A = 3, B = 5$$

2/18

$$3 \Delta 5 = \frac{3}{1} + \frac{5}{3} = \frac{9+5}{3} = \frac{14}{3}$$

$$A \Delta (A \Delta B) = 3 \Delta (3 \Delta 5)$$

$$= 3 \Delta \frac{14}{3}$$

$$= 3 + \left( \frac{14}{3} \div 3 \right)$$

$$= 3 + \left( \frac{14}{3} \times \frac{1}{3} \right)$$

$$= 3 + \frac{14}{9}$$

$$= \frac{27+14}{9} = \frac{41}{9}$$

ANS

$$\frac{41}{9}$$

$$④ (1 - \frac{1}{2})(1 + \frac{1}{2})(1 - \frac{1}{3})(1 + \frac{1}{3})(1 - \frac{1}{4})(1 + \frac{1}{4}) \dots$$

$$\dots (1 - \frac{1}{49})(1 + \frac{1}{49})(1 - \frac{1}{50})(1 + \frac{1}{50})$$

$$= \underbrace{\left(\frac{1}{2}\right)\left(\frac{3}{2}\right)\left(\frac{2}{3}\right)\left(\frac{4}{3}\right)\left(\frac{3}{4}\right)\left(\frac{5}{4}\right)}_{\dots} \dots \underbrace{\left(\frac{48}{49}\right)\left(\frac{50}{49}\right)\left(\frac{49}{50}\right)\left(\frac{51}{50}\right)}_{\dots}$$

$$= \left(\frac{1}{2}\right)(1)(1)(1) \dots (1) \cdot \left(\frac{51}{50}\right)$$

$$= \frac{51}{100}$$

ANS.

$$\frac{51}{100}$$

- ⑥ - ເສັ້ນທີ່ ປິມ້າກັນ // ດີວິດໆ ຂາກູ້ຫຼັງ  
 - ພລນວກຂອງເລີຍໄສຕໍ່ຕົວກັນ // ຕົດໆ ມີກຳຫວານຂະກະ

3/18

$$\Rightarrow 7 + b = 13$$

$$b + 5 = 11$$

$$5 + 2 = 7$$

$$2 + 3 = 5$$

$$3 + 4 = 7$$

$$4 + 1 = 5$$

7 6 5 2 3 4 1

⑦ ວິທີຄະຫຼາດ ຂອງ  $\frac{5}{6}$  ເທົກໝນ  $\frac{1}{24}$

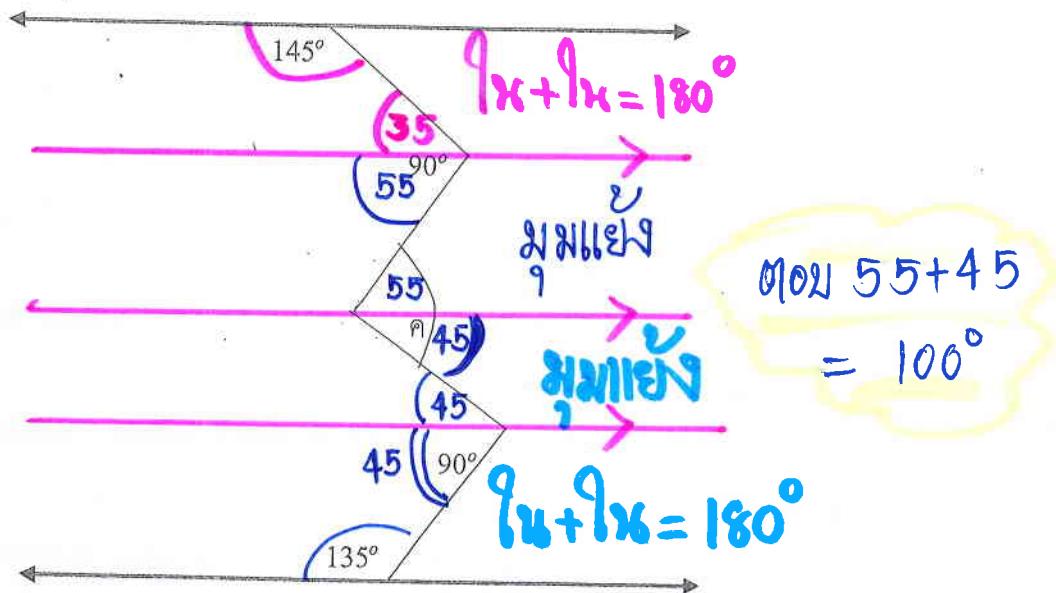
A % ຂອງ  $\frac{5}{6}$  ໄກ້ກໍນ  $\frac{1}{24}$

$$\begin{aligned} \frac{A}{100} \times \frac{5}{6} &= \frac{1}{24} \\ A &= \frac{1 \times 100 \times 6}{24 \times 5} \\ &= \underline{\underline{415}} \end{aligned}$$

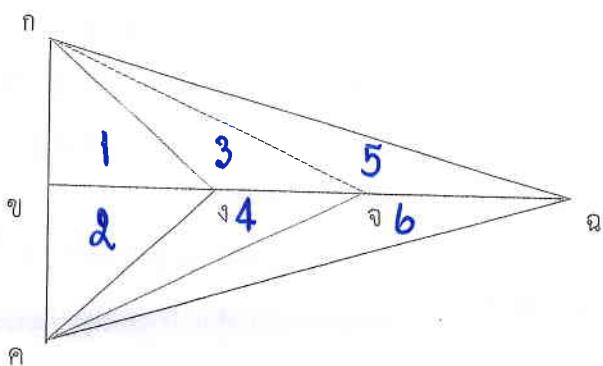
ໜັນ 5

3. ถ้า  $A \Delta B = A + \frac{B}{A}$  และ  $A \Delta (A \Delta B)$  เท่ากับเท่าไร เมื่อกำหนดให้  $A = 3$  และ  $B = 5$
4. จงหาค่าของ  $(1 - \frac{1}{2})(1 + \frac{1}{2})(1 - \frac{1}{3})(1 + \frac{1}{3})(1 - \frac{1}{4})(1 + \frac{1}{4}) \dots (1 - \frac{1}{49})(1 + \frac{1}{49})$   
 $(1 - \frac{1}{50})(1 + \frac{1}{50})$

5. จากรูปจงหาว่า มุม  $\alpha$  มีขนาดกี่องศา

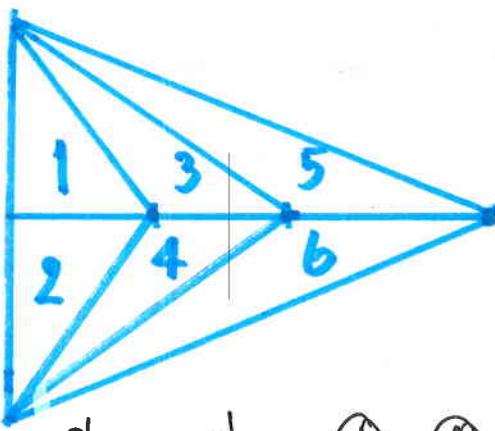


6. สร้างตัวเลขแสดงจำนวนที่มากที่สุดจากเลขโดดตั้งแต่ 1 ถึง 7 โดยไม่ใช้เลขโดดที่ซ้ำกัน และผลบวกของเลขโดดคู่ที่ติดกันแต่ละคู่เป็นจำนวนเฉพาะ จำนวนที่มากที่สุดนั้นคือจำนวนใด
7. ร้อยละเท่าไรของ  $\frac{5}{6}$  เท่ากับ  $\frac{1}{24}$   $\frac{A}{100} \times \frac{5}{6} = \frac{1}{24}$ ,  $A = \frac{100 \times 5}{5 \times 24} = 5$
8. จากรูปที่กำหนดมีรูปสามเหลี่ยมหกเหลี่ยมทั้งหมดกี่รูป



(8)

5/18

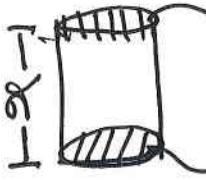


- հմար: 1 և 6 ըստ  $\Rightarrow ①, ②, ③, ④, ⑤, ⑥$
  - հմար: 2 և 5 ըստ  $\Rightarrow [①+③], [③+⑤],$   
 $[②+④], [④+⑥], [①+⑤]$
  - հմար: 3 և 2 ըստ  $\Rightarrow [①+③+⑤], [②+④+⑥]$
  - հմար: 4 և 1 ըստ  
 $\Rightarrow [①+③]$   
 $[②+④]$
  - հմար: 6 ըստ և 1 ըստ  $\left[ \begin{array}{l} ①+③+⑤ \\ ②+④+⑥ \end{array} \right]$
- 6 + 5 + 2 + 1 + 1 = 15

6/18

(9) លេកសារ 15 គុណអ៊ក 135 រាម តាមលេកសារទាំងប្រាំបីនេះ  
 គុណអ៊ក 6,588 រាម ដើម្បីលេកសារទាំងប្រាំបីនេះ 1,850 គុណ ពីចំណែក 15  
 លេកសារ :  $135 : \text{រាម} = 15 : ?$   
 លេកសារ 6,588 រាម =  $\frac{15}{135} \times 6,588 = 732 \frac{8}{9}$   
 $\therefore$  ចាប់ពីចំណែក 15 ដោយកិច្ចការពិនិត្យ =  $1,850 - 732$   
 $= 1,118 \frac{8}{9}$

ចំណែក 1,118 \frac{8}{9}

10)  ផ.រ.ជាក់ល = 10 ពាន់រ៉ងអាមេរិក  
 ផ.រ.ជាក់ល = 10%  
 ដឹងទៅថាអងក្រការណ៍នេះ = 150 ពាន់រ៉ង.

$$\begin{aligned} \text{ផ.រ.ជាក់ល} \times \frac{150}{100} &= 150 \\ 10 \times \frac{150}{100} &= 150 \\ \frac{150}{100} &= 15 \% \end{aligned}$$

ចំណែក 150 អាមេរិក.

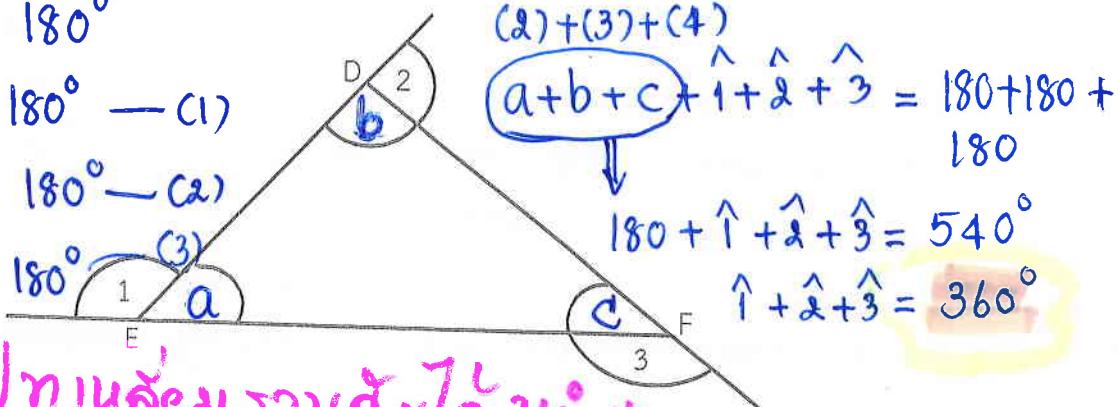
9. ดาวทำงานที่ร้านถ่ายเอกสารและต้องการจะถ่ายเอกสารจำนวน 1,850 ชุด โดยเอกสารจำนวน 15 ชุด ซึ่งให้หนัก 135 กรัม ถ้าดาวนำเอกสารที่ถ่ายเอกสารแล้วไปซึ่งได้หนัก 6,588 กรัม อยากร้าบว่าดาวต้องถ่ายเอกสารเพิ่มอีกกี่ชุด
10. กล่องดินสอทรงกระบอกมีปริมาตร 150 ลูกบาศก์หน่วย และมีพื้นที่ฝากล่องดินสอเท่ากับ 10 ตารางหน่วย กล่องดินสอมีความสูงกี่หน่วย
11. ศรีไบซื้อของที่ชูปเปอร์มาร์เก็ตแห่งหนึ่ง พบร้ามีการขายสินค้าลดราคายลายรายการ ศรีจึงซื้อของดังนี้ กุ้งราคากิโลกรัมละ 209 บาท ซื้อมา  $\frac{1}{2}$  กิโลกรัม น่องไก่  $1\frac{1}{2}$  กิโลกรัม ราคา กิโลกรัมละ 59 บาท อรุ่น 7 ชีด ราคากิโลกรัมละ 115 บาท มะละกอ 1 กิโลกรัม 2 ชีด ราคากิโลกรัมละ 29 บาท ศรีต้องจ่ายเงินรวมทั้งหมดกี่บาท
12. จงหาผลรวมของมุมภายในนอก  $\hat{1}$ ,  $\hat{2}$  และ  $\hat{3}$  ของรูปสามเหลี่ยม  $DEF$

$$\textcircled{1} \quad a + b + c = 180^\circ$$

$$\textcircled{2} \quad a + \hat{1} = 180^\circ - \textcircled{1}$$

$$\textcircled{3} \quad b + \hat{2} = 180^\circ - \textcircled{2}$$

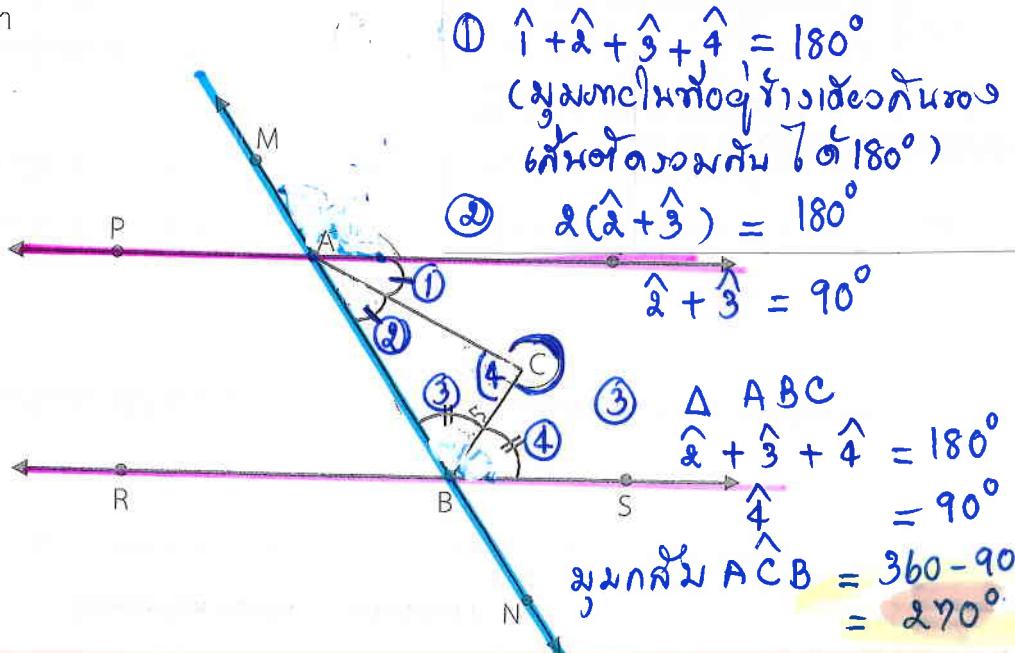
$$\textcircled{4} \quad c + \hat{3} = 180^\circ - \textcircled{3}$$



\* มุมภายในของปก. บนเส้นรวมกัน  $\equiv 360^\circ$  \*

13. ห้องเรียนมีด้านกว้าง 7 เมตร ด้านยาว 9 เมตร ครูจิตรต้องการปูพรมให้มีระยะห่างจากผาห้องด้านละ 1.2 เมตร เพื่อให้มีทางเดินรอบห้องโดยไม่ต้องปูพรม ทางเดินรอบห้องที่ไม่ปูพรมมีพื้นที่เท่าไร

14. จากรูป กำหนดให้  $\overrightarrow{PQ} \parallel \overrightarrow{RS}$  มี  $\overrightarrow{MN}$  ตัด  $\overrightarrow{PQ}$  ที่จุด  $A$  และ  $\overrightarrow{MN}$  ตัด  $\overrightarrow{RS}$  ที่จุด  $B$  มุม  $BAC =$  มุม  $CAQ$  และ มุม  $ABC =$  มุม  $CBS$ , มุม  $MAQ = 127^\circ$  มุมกลับของ มุม  $ACB$  มีขนาดกี่องศา



(11)

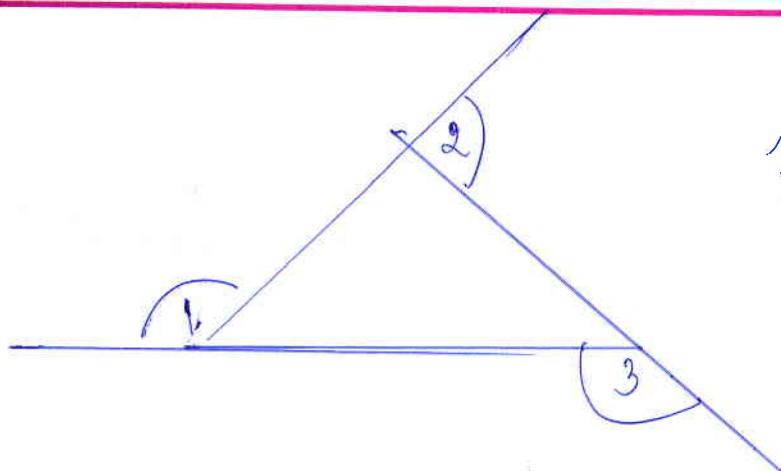
រាយការ សារា ពេក្តែករណ ជីវិកអតិថិជន

ក្បែង	209	$\frac{1}{2} \text{ nn.}$	$\frac{1}{2} \times 209 =$	104.50
ក្បែង	59	$1\frac{1}{2} \text{ nn.}$	$59 \times \frac{3}{2} =$	88.50
ទឹក	115	7 ម៉ោង	$115 \times 0.7 =$	80.50
អ៊ីអីអី	29	1 ភ័ត៌ករណ ខ្លួន	$29 \times 1.2 =$	34.80

ទីលាក់

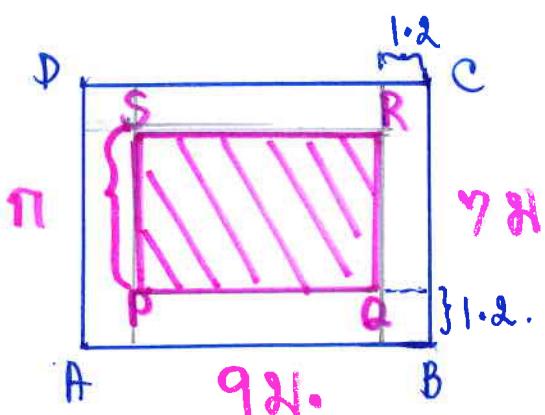
308.30 រោង

(12)



$$\hat{1} + \hat{2} + \hat{3} = 360^\circ$$

(13)



$$\text{រាយការដី} = \text{រាយ.} \square ABCD - \text{រាយ.} \square PQRS$$

$$\text{រាយ.} \square ABCD = 7 \times 9 = 63$$

$$\text{រាយ.} \square PQRS = PS \times PQ$$

$$PS = 7 - (1.2 \times 2) = 7 - 2.4 = 4.6$$

$$PQ = 9 - (1.2 \times 2) = 9 - 2.4 = 6.6$$

$$\text{រាយ.} \square PQRS = 4.6 \times 6.6 = 30.36$$

$$\text{រាយការដី} = 63 - 30.36 = 32.64 \text{ រោង}$$

15. จากรูป กำหนดให้  $O$  เป็นจุดศูนย์กลางของวงกลมที่มี  $\overline{ED}$  เป็นเส้นผ่านศูนย์กลาง และมี  $OD = 2.7$  เซนติเมตร กำหนดให้  $\pi \approx 3.14$   
อยากร้าบว่าผลรวมของความยาวรอบรูปของ  $\triangle ABC$  และ  $\square BCDE$   
มากกว่าหรือน้อยกว่าความยาวรอบวงของวงกลม  $O$  และมากกว่าหรือน้อยกว่าอยู่กี่เซนติเมตร  
(ตอบเป็นเศษส่วน 1 ตำแหน่ง)

① ความยาวรอบรูป  $\triangle ABC$

$$= 3 \times r = 3(2r)$$

$$= 6r.$$

② ความยาวรอบรูป  $\square BCDE$

$$= 4 \times r = 4(2r)$$

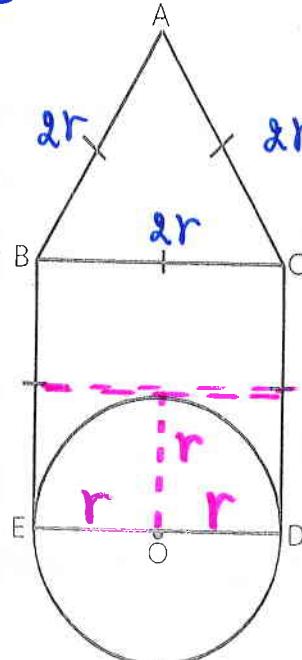
$$= 8r.$$

∴ ยอดรวมของความยาวรอบรูป

ของ  $\triangle ABC$  และ  $\square BCDE$

$$\approx 6r + 8r = 14r$$

$$= 14 \times 2.7 = 37.80$$



$$r = 2.7 \text{ cm.}$$

$$\textcircled{3} 6\text{ก}\text{ก} 80\text{ ม} 2 = 2\pi r$$

$$= 2 \times 3.14 \times 2.7$$

$$= 16.96.$$

④ ตั้งป้ายความยาวรอบรูป

$\triangle$  กับ  $\square$  มากกว่า 10 กม

$$\textcircled{4} 37.80 - 16.96$$

$$= 20.84$$

ตอบ 20.84.

16. รถไฟฟ้ามหานครสาย “ฉลองรัชธรรม” ตลอดสายมีระยะทาง 23 กิโลเมตร รถไฟฟ้าสายนี้ วิ่งจากสถานีคคลองไฟถึงสถานีเตาปูนซึ่งมีการกำหนดให้บริการอย่างเป็นทางการในวันเสาร์ที่ 6 สิงหาคม 2559 โดยได้รับพระมหากรุณาธิคุณจากสมเด็จพระเทพรัตนราชสุดา สยามบรมราชกุมารี เสด็จพระราชดำเนินทรงเปิดการเดินรถไฟฟ้า รถไฟฟ้าสายนี้ทำให้ประชาชนได้รับความสะดวกรวดเร็ว และช่วยลดปัญหาจราจรติดขัด

จากข้อความข้างต้น ถ้าการลงทุนสร้างรถไฟฟ้ามหานครสาย “ฉลองรัชธรรม” รวมทั้งสิ้น 239.99 ล้านบาท นักเรียนคิดว่าการลงทุนสร้างรถไฟฟ้าสาย “ฉลองรัชธรรม” คิดเป็นระยะทางโดยเฉลี่ยประมาณเมตรละกี่บาท (ตอบเป็นเศษส่วน 2 ตำแหน่ง)

$$23 \text{ กิโลเมตร } \rightarrow 239.99 \text{ ล้านบาท}$$

$$23 \text{ km} \rightarrow 239,990,000 \text{ บาท}$$

$$1 \text{ km} \rightarrow \underline{\underline{239,990,000}}$$

$$1 \text{ เมตร } \rightarrow \frac{23}{23 \times 1,000} = 10,434.35$$

ตอบ 10,434.35

17. ช่างมานะมีลวดทองแดงอยู่ 3 ม้วน ลวดทองแดงม้วนที่ 1 ม้วนที่ 2 และม้วนที่ 3 ยาว 72 เมตร 90 เมตร และ 108 เมตร ตามลำดับ ช่างมานะต้องการตัดลวดทองแดงทั้งสามม้วนออกเป็นสิบสันๆ ที่ยาวเท่ากันทุกเส้นโดยให้ยาวมากที่สุด และทั้งสามม้วนต้องไม่เหลือเศษ  
อย่างทรายว่าช่างมานะจะตัดลวดทองแดงได้ตามต้องการยาวเส้นละกี่เมตร และลวดทองแดงที่ตัดได้นั้นมีทั้งหมดกี่เส้น

✓ ย  
ห.ร.ส. ๑๙

$$\begin{array}{r} 2 ) 72, \quad 90, \quad 108 \\ 3 ) 36, \quad 45, \quad 54 \\ 3 ) 12 \quad 15, \quad 18 \\ \hline 4 \text{ เส้น} \quad 5 \text{ เส้น} \quad 6 \text{ เส้น} \end{array}$$

$$\text{ห.ร.ส.} = 2 \times 3 \times 3 = 18$$

$$\begin{array}{r} \text{ totaling } 4+5+6 = 15 \text{ ล. } \\ \text{ เส้น } 15 \text{ ล. } \approx 18 \text{ เมตร. } \end{array}$$

18. กระดาษรูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก กว้าง 12 เซนติเมตร ยาว 15 เซนติเมตร นำมาพับดังรูป ทำให้เกิด มุม  $AOC$  มีขนาด 105 องศา ดังนั้น มุม  $CBO$  มีขนาดกึ่งองศา ถ้า  $AO = 8$  เซนติเมตร และ  $BE = 12$  เซนติเมตร แล้วรูปสามเหลี่ยม  $OCB$  มีพื้นที่กี่ตารางเซนติเมตร

\* ข้อนี้ต้องหันกระดาษลงมา

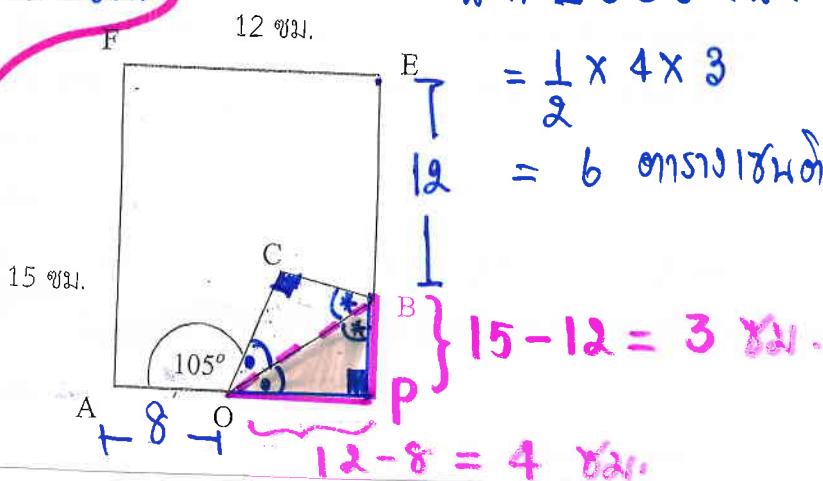
หันใน  $\Delta OCB$

$= \Delta OPB$ .

$$\text{พ.ท. } \Delta OCB = \text{พ.ท. } \Delta OPB$$

$$= \frac{1}{2} \times 4 \times 3$$

$= 6$  ตารางเซนติเมตร.



$$15 - 12 = 3 \text{ cm.}$$

$$12 - 8 = 4 \text{ cm.}$$

19. เอ บี และ โอล ต่างก็ซื้อมวนางาคนละ 600 ผล ในราคាបานละ 90 สตางค์ นำไปขายโดย เอขาย 5 ผล ราคา 9 บาท บีขาย 3 ผล ราคา 7 บาท และ โอลขาย 8 ผล ราคา 16 บาท ถ้าทุกคนขายหมดนำเงินทั้งหมด เอ บี และ โอล ได้กำไรคนละกี่เปอร์เซ็นต์

๖๐

$$\text{คงทุก } 600 = 600 \times 0.9 = 540 \text{ น.}$$

$$\text{ขาย } 5 \text{ ผล } 9 \text{ บาท} \\ 600 \times \frac{9}{5} \times 600 = 1,080$$

$$\text{กำไร} = \frac{\text{กำไร}}{\text{ทุก}} \times 100\% \\ \frac{120}{600} \times 100\%$$

๗๓

$$\text{คงทุก } 600 = 600 \times 0.90 = 540 \text{ น.}$$

$$\text{ขาย } 3 \text{ ผล } 7 \text{ บาท} \\ 600 \times \frac{7}{3} \times 600 = 1,400$$

๗๐

$$\text{คงทุก } 600 = 600 \times 0.90 = 540 \text{ น.}$$

$$\text{ขาย } 8 \text{ ผล } 16 \text{ บาท} \\ 600 \times \frac{16}{8} \times 600 = 1,200 \text{ น.}$$

$$\begin{aligned} \text{กำไร} &= \\ \text{กำไร} &= 1,080 - 540 \\ &= 540 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{คิดเป็น \%} &= \frac{540 \times 100\%}{540} \\ &= 100\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{กำไร} &= \\ \text{กำไร} &= 1,400 - 540 \\ &= 860 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{กำไร} &= \frac{860 \times 100\%}{540} \\ &= 159\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{กำไร} &= \\ \text{กำไร} &= 1,200 - 540 \\ &= 660 \\ \text{กำไร} &= \frac{660 \times 100\%}{540} \\ &= 122.22\% \end{aligned}$$

20. อธิปอ่านหนังสือเป็นเวลา 6 วัน โดยหนังสือเล่มนี้มี 189 หน้า ถ้าวันแรกอธิปอ่านได้จำนวนหน้ามากที่สุด และวันต่อๆ มาอธิปอ่านได้จำนวนหน้าเป็นจำนวนครึ่งหนึ่งของวันก่อนหน้านั้น เช่น วันที่สองอ่านได้จำนวนหน้าเป็นครึ่งหนึ่งของวันแรก และวันที่สามอ่านได้จำนวนหน้าเป็นครึ่งหนึ่งของวันที่สอง อยากรารบว่าวันแรกอธิปอ่านหนังสือได้กี่หน้า

คิดในทางคณิตศาสตร์

$$\begin{array}{r} \text{剩餘} \quad 6 \quad \text{第一天} \quad x \quad \text{剩下} \\ \hline 5 \quad — \quad 2x \quad — \\ \hline 4 \quad — \quad 4x \quad — \\ \hline 3 \quad — \quad 8x \quad — \\ \hline 2 \quad — \quad 16x \quad — \\ \hline 1 \quad — \quad 32x \quad — \end{array}$$

$$\text{ผล} \quad 6 \quad \text{第一天} \quad 63x \quad \text{剩下}$$

$$63x = 189$$

$$x = \frac{189}{63} = 3$$

$$\text{第一天} = 32x = 32(3) = 96 \text{ หน้า}$$

010 96 หน้า

21. ห้องเรียนหนึ่งมีนักเรียน 4 คน ที่ป่วยไม่ได้มาสอบวิชาคณิตศาสตร์ซึ่งมีนักเรียนเพียง 18 คน เข้าสอบและได้คะแนนเฉลี่ยเท่ากับ 74 คะแนน ต่อมาอีก 2 วันนักเรียนทั้งสี่คนมาสอบ ซึ่งเมื่อคิด คะแนนเฉลี่ยของนักเรียนทุกคนได้เท่ากับ 78 คะแนน ค่าเฉลี่ยของนักเรียนสี่คนที่มาสอบภายหลัง เป็นเท่าไร

	จำนวนคน	ค่าเฉลี่ย	ผลรวมของค่า 11 หน่วย
สอนครรภ์แรก	18	74	$18 \times 74 = 1,332$
ปัจจุบัน	4	x	$4(x) = 4x$
รวม	22	78	$22(78) = 1,716$

$$\begin{aligned} 1,332 + 4x &= 1,716 \\ 4x &= 1,716 - 1,332 \\ x &= \frac{384}{4} = 96 \end{aligned}$$

10 หน่วย 96

22. ในพิธีจุดประนังคัดแรงนาขวัญปีนี้ กรรมการข้าวได้รับพระราชทานนำพันธุ์ข้าวจากโครงการนา ทดลองในโครงการส่วนพระองค์มาใช้ในพระราชพิธีมีน้ำหนัก 2,477 กิโลกรัม เมื่อนำพันธุ์ข้าว ดังกล่าวมาบรรจุในของพลาสติกจำนวน 360,000 ช่อง สำหรับแจกจ่ายประชาชนเพื่อเป็นสิริมงคลในการประกอบอาชีพการเกษตร จะบรรจุใส่ของพลาสติกได้ของละกิโลกรัม (ตอบเป็นทศนิยม 2 ตำแหน่ง)

$$\begin{aligned} \text{ช่อง } 360,000 \text{ ช่อง } \rightarrow & 2,477 \times 1,000 \text{ กิโล} \\ n = 1 & \xrightarrow{\quad} \frac{2,477 \times 1,000}{360,000} \\ & = 6.88 \text{ กิโล} \end{aligned}$$

10 หน่วย 6.88 กิโล

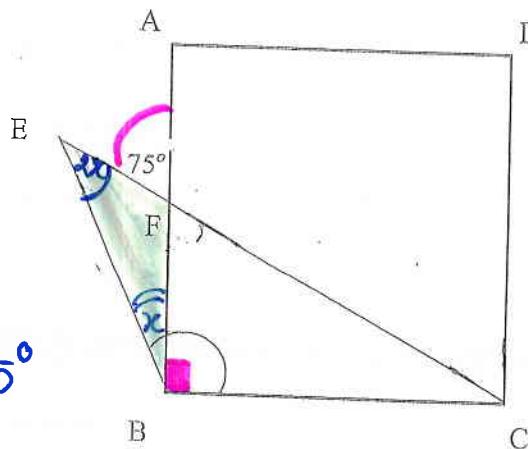
23.  $ABCD$  เป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส มุม  $BEC$  มีขนาดเป็นสองเท่าของมุม  $EBA$  จงหาขนาดของมุม  $EBC$

$$x + 2x = 75^\circ$$

สมบัติของรูป  $\Delta$   
= ยกนองของมุมคงที่  
ทำให้  $x$  นั้นมีค่า  $25^\circ$

$$3x = 75$$

$$x = \frac{75}{3} = 25^\circ$$



$$\begin{aligned}\hat{EBC} &= 90 + 25 \\ &= 115^\circ\end{aligned}$$

24. ลุงอ่อนแบ่งที่นาให้ลูกคนโตไป 1 ใน 3 ของที่นาที่ลุงอ่อนมีอยู่ ต่อมากลุงอ่อนแบ่งที่นาให้ลูกคนที่สองไป 1 ใน 4 ของที่นาที่เหลือจากที่แบ่งให้ลูกคนโต และลุงอ่อนแบ่งที่นาให้ลูกคนที่สามซึ่งเป็นลูกคนสุดท้องไป 1 ใน 5 ของที่นาที่เหลือจากการแบ่งให้ลูกคนที่สอง ปรากฏว่าลุงอ่อนยังคงมีที่นาเหลืออีก 100 ไร่ เดิมลุงอ่อนมีที่นา กี่ไร่

25. โต๊ะรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า มีความยาวของด้านยาว 112 เซนติเมตร ความยาวของด้านกว้างเป็น  $\frac{4}{7}$  เท่าของความยาวของด้านยาว พื้นที่ของโต๊ะเป็นเท่าไร

$$y = 112 \text{ ซม. } 16$$

$$\pi = \frac{4}{7} \times 112 = \frac{4}{7} \times 112 = 64$$

$$\text{พ.ก} = \pi \times y = 64 \times 112$$

$$= 7,168 \text{ ตร. ซม.}$$

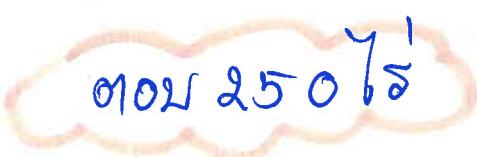
(24) คนโถ =  $\frac{1}{3}$  ของที่มี ยก 1 เนื่องจาก  $\frac{1}{3}$  ของที่มี  
 คนหักสูง =  $\frac{1}{4}$  ของที่ไม่เลือกคนโถ =  $\frac{1}{4} \times \frac{2}{3}$  ของที่มี =  $\frac{1}{6}$  ของที่มี  
 เนื่องจาก  $= 1 - \frac{1}{3} - \frac{1}{6} = \frac{6 - 2 - 1}{6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$  ของที่มี  
 คนตื้อห้อง =  $\frac{1}{5}$  ของที่เนื่องจากคนหักสูง  $\frac{6}{6}$  ยกคนหักสูง  
 $= \frac{1}{5} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{10}$  ของที่มี  
 คุณดีอนเนื่องจาก  $= 1 - \frac{1}{3} - \frac{1}{6} - \frac{1}{10} = \frac{30 - 10 - 5 - 3}{30}$

$$= \frac{12}{30} = \frac{2}{5} \text{ ของที่มี}$$

$$\frac{2}{5} \text{ ของที่เหลือ} = 100 \frac{1}{5}$$

$$2 \text{ ก้อน} = 100 \frac{1}{5}$$

$$1 \text{ ตัว} = 50 \frac{1}{5}$$

$$5 \text{ ตัว} = 50 \times 5 = 250 \frac{1}{5}$$


โจทย์ที่ 2: ชุดที่ 1

กำไรต่อหน่วย = 1,800 บาท

$$\text{ลด } 25\% \text{ จากมูลค่า} = \frac{25}{100} \times 1,800 = 450 \text{ บาท}$$

$$\text{คงเหลือ} = 1,800 - 450 = 1,350 \text{ บาท.}$$

กำไรต่อหน่วยลดลง  $25\%$  จากวิธีคิด || ดูวิธี

กำไรต่อหน่วย =  $75\% \text{ ของราคาราคาที่คิด} || \text{ดูวิธี}$

$$= \frac{75}{100} \times 1,350 = 1,012.50 \text{ บาท.}$$

รวมเงินขาย 1,000 บาท ตัดยอดขาดทุนอยู่ต่ำ 12.50 บาท.

- ร้านขายกระเบื้องหนึ่งประกาศลดราคากระเบื้องทุกแบบ 25 % และถ้าลูกค้ามีคูปองของร้านด้วย จะได้รับส่วนลดอีก 25 % ของราคาระเบื้องที่ลดให้แล้ว ราามีเงิน 1,000 บาท ถ้ารดาต้องการซื้อกระเบื้องติดราคาไว้ 1,800 บาท และลดมา มีคูปองของทางร้าน อยากรทราบว่าราามีเงินเพียงพอสำหรับซื้อกระเบื้องใบนึงหรือไม่ ถ้าหากไม่สามารถซื้อกระเบื้อง รดายังขาดเงินอยู่กี่บาท
- แม้มีเงินในกระเบื้อง 2,000 บาท เป็นบัตรใบละหนึ่งร้อยบาทและใบละห้าสิบบาทรวม 22 ใบ อยากรทราบว่า ในกระเบื้องของแม้มีบัตรใบละหนึ่งร้อยบาทกี่ใบ

$$\text{ใบละ } 100 \text{ บาท มี } x \text{ ใบ คิดเป็น } 100x \text{ บาท}$$

$$\text{ใบละ } 50 \text{ บาท มี } 22-x \text{ ใบ } \quad 50(22-x) \text{ บาท}$$

$$\text{มีเงินทั้งหมด } 2,000 \text{ บาท.}$$

$$(100x) + \{50(22-x)\} = (2,000)$$

คำนวณ

$$100x + 50(22-x) = 2,000$$

$$100x + 1,100 - 50x = 2,000$$

$$50x = 900$$

$$x = 18$$

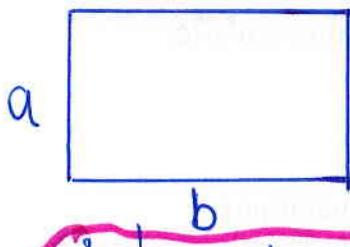
มี แผ่นกระเบื้อง 100 แผ่น จานวน 18 แผ่น

ตอบ 18 แผ่น.

3. นารีซื้อส้มมาจำนวนหนึ่ง แบ่งให้สุด้าไป 9 ผล เมื่อนารีกลับบ้าน แม่ให้ส้มเพิ่มอีก 5 ผล นารีนำส้ม  $\frac{4}{9}$  ของส้มทั้งหมดที่มีอยู่ไปจัดตระกร้าผลไม้ พบร่วงเหลือส้มอีก 20 ผล อยากรารบว่า เดิมนารีซื้อส้มมากี่ผล

$$\begin{aligned}
 & \text{นารี} \xrightarrow{\text{ล้วน}} \text{ส้ม} \xrightarrow{\text{9}} x \text{ ผล} \\
 & \text{แม่} \xrightarrow{\text{ให้}} \text{ส้ม} \xrightarrow{\text{5}} x-9 \text{ ผล} \\
 & \text{เหลือ} \xrightarrow{\text{ส้ม}} x-9+5 = x-4 \text{ ผล} \\
 & \text{หัก } \frac{4}{9} \text{ ของส้มทั้งหมด } \xrightarrow{\text{จัดตระกร้า}} \\
 & \text{คงเหลือ } \frac{5}{9} \text{ ของส้มทั้งหมด } \xrightarrow{\text{เดินทาง}} 20 \text{ ผล} \\
 & \frac{5}{9}(x-4) = 20 \\
 & x-4 = \frac{20 \times 9}{5} = 36 \\
 & x = 36 + 4 = 40 \\
 & \text{ตอบ } 40 \text{ ผล}
 \end{aligned}$$

4. มีแผ่นกระเบื้องรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสขนาดหนึ่งตารางหน่วยจำนวนหนึ่งไม่ถึงร้อยแผ่น เมื่อนำกระเบื้องทั้งหมดมาจัดวางต่อกันเป็นรูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก ได้รูปสี่เหลี่ยมมุมฉากขนาด  $a \times b$  เมื่อ  $a \leq b$  จำนวน 6 แบบ โดยแต่ละแบบใช้กระเบื้องทั้งหมด และมีแบบหนึ่งที่มีความยาวรอบรูปเป็น 56 หน่วย อยากรารบว่ามีกระเบื้องอยู่กี่แผ่น และรูปสี่เหลี่ยมมุมฉากที่มีความยาวรอบรูปน้อยที่สุด มีด้านกว้าง และด้านยาวเป็นเท่าไร



$$\text{พื้นที่} = a \times b \leq 100$$

$$\text{ความยาวรอบรูป} = 2(a+b) = 56$$

\*  $a$  ตั้ง  $b$  5 - 13

จะได้  $a$  ในพ.ท. กากบาท

100 \*

$$a+b = 28$$

$$1+27 = 28$$

$$2+26 = 28$$

$$3+25 = 28$$

$$4+24 = 28$$

$$5+23 = 28$$

$$6+22 = 28$$

27 มีตัวประกอบ 4 ตัวคือ 1, 3, 9, 27

52 1 b ————— ๕๒ ๑, ๒, ๔, ๑๓, ๒๖, ๕๒

75 6 ๗๕ ๑, ๓, ๕, ๑๕, ๒๕, ๗๕

96 ๑๒ ๙๖ ๑, ๒, ๓, ๔, ๖, ๘, ๙๖, ๔๘, ๓๒, ๒๔, ๑๖, ๑๒

\* ห้ามน้ำ พ.ท. □ ผู้มุสลิม

$$= 96$$

ทาง: ตัวหาร ๑ ๗๕

๐๗๕ ก็ ๗๕๐๖

๗๕ ๖๑๖๖

ดังนั้น.



น้ำที่	กว้าง (a)	ยาว (b)	$2(a+b)$ ความยาวรอบรูป
1	1	96	$2(1+96) = 194$
2	2	48	$2(2+48) = 100$
3	3	32	$2(3+32) = 70$
4	4	24	$2(4+24) = 56$
5	6	16	$2(6+16) = 44$
6	8	12	$2(8+12) = 40$

โดย 1) กรณี น้ำที่ 6 = 96 || ยกเว้น

2) ความยาวรอบรูป น้ำที่ 4 = 40

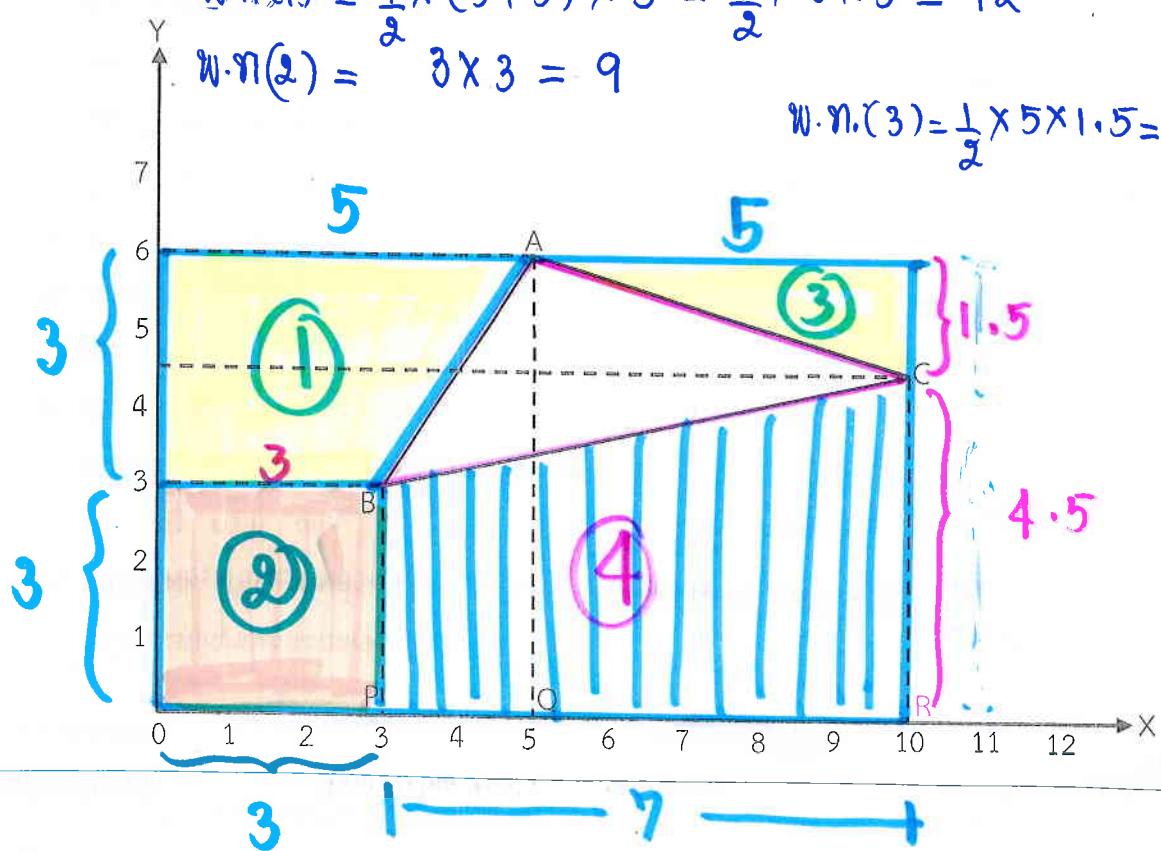
3) □ ผู้มุสลิม กว้าง 8 ยาว 12 น้ำที่ 4.

5. จากรูปแกน  $X$  และแกน  $Y$  ตั้งฉากกัน รูปสามเหลี่ยม  $ABC$  มีส่วนของเส้นตรงจากจุด  $B$ ,  $A$  และ  $C$  ไปตั้งฉากและตัดแกน  $X$  ที่จุด 3, 5 และ 10 ตามลำดับ และมีเส้นจากจุด  $B$ ,  $C$  และ  $A$  ไปตั้งฉากและตัดแกน  $Y$  ที่จุด 3, 4.5 และ 6 ตามลำดับ รูปสามเหลี่ยม  $ABC$  มีพื้นที่กี่ตารางหน่วย

$$\text{พ.ท.(1)} = \frac{1}{2} \times (5+3) \times 3 = \frac{1}{2} \times 8 \times 3 = 12$$

$$\text{พ.ท.(2)} = 3 \times 3 = 9$$

$$\text{พ.ท.(3)} = \frac{1}{2} \times 5 \times 1.5 = 3.75$$



$$\text{พ.ท.(4)} = \frac{1}{2} \times (3+4.5) \times 7 = \frac{1}{2} \times 7.5 \times 7 = 26.25.$$

$$\text{พ.ท. } \square = 6 \times 10 = 60$$

$$\text{พ.ท. } \triangle ABC = \text{พ.ท. } \square - (1) - (2) - (3) - (4)$$

$$= 60 - 12 - 9 - 3.75 - 26.25$$

$$= 60 - 51$$

$$= 9 \quad \text{ตารางหน่วย}$$

102 9 ตารางหน่วย